2. Übung WS 2011/12: Häufig gemachte Fehler

2.1. Programmieraufgabe

 \bullet Im Algorithmus für $\alpha,\,\beta$ und u die vorhandenen Vektoren überschreiben

2.2. Testbeispiel

- Gleichungssystem überprüfen: Einträge der Matrix bzw. des Lastenvektors aus Variationsformulierung herleiten
- \tilde{f}_j mit Mittelpunktregel: bei j=0 und j=n aufpassen!
- Mittelpunktregel auf den 2 Teilintervallen $[x_{j-1}, x_j]$ und $[x_j, x_{j+1}]$ verwenden, nicht auf $[x_{j-1}, x_{j+1}]$:

$$\tilde{f}_j = \int_{x_{j-1}}^{x_{j+1}} f(x)\phi_j(x) dx = f(x_{j-1/2})\phi_j(x_{j-1/2})h + f(x_{j+1/2})\phi_j(x_{j+1/2})h$$

• Programm zum Lösen des Gleichungssystems in eine Funktion verpacken und diese aufrufen, nicht den Code kopieren!

2.3. KF \longleftrightarrow VF

- u schwache Lösung + $u \in C^2[a, b] \Longrightarrow u$ klassische Lösung:
 - Mit Funktionen v, die am Rand verschwinden, testen $(v \in C_0^{\infty}(a, b))$ $\implies -u'' = f$ (Eulers Trick; funktioniert weil -u'' f stetig)
 - In VF sind Randbedingungen nicht explizit gegeben!
 - Randbedingungen müssen nachgewiesen werden

2.4. Zusatzaufgabe

• Dimensionen beachten: $(n+1) \times (n+1)$ bzw. $(n-1) \times (n-1)$