

Sei $x^{(k)}$ ein zulässiger Pkt. des (QP) mit reinen Gleichungsnebenbed., d.h.

NB: $A x^{(k)} = -c$ bzw. $a_i^T x = -c_i$, $i = \overline{1, m = m_1}$

Dann gilt für die Korrektur Δx in der Darstellung

$$x = x^{(k)} + \Delta x$$

wegen (22) die folgende Beziehung

$$\begin{bmatrix} B & A^T \\ A & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ \lambda \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -g \\ -c \end{bmatrix} \quad \text{KKT-System}$$

$$\Leftrightarrow \begin{bmatrix} B & A^T \\ A & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x^{(k)} + \Delta x \\ \lambda \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -g \\ -c \end{bmatrix}$$

$$\Leftrightarrow \begin{bmatrix} B & A^T \\ A & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta x \\ \lambda \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -g \\ -c \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} B & A^T \\ A & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x^{(k)} \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -g - B x^{(k)} \\ -c - A x^{(k)} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} -\nabla q_r(x^{(k)}) \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\boxed{\begin{aligned} B \Delta x + A^T \lambda &= -\nabla q_r(x^{(k)}) \\ A \Delta x &= 0 \end{aligned}}$$