

5.3.2. Inexakte Newton-Verfahren

■ Inner-Outer-Iteration:

Für den Fall, dass zwar die Berechnung der Jacobi-Matrix $F'(x^{(k)})$ wenig Rechenzeit kostet, dafür aber die Lösung des linearen GS

$$(6) \quad F'(x^{(k)}) w^{(k)} = r^{(k)} := -F(x^{(k)})$$

aufwendig ist, bieten sich iterative Verfahren zur näherungsweise Lösung von (6) mit Startwert $w^{(k,0)} := 0$ an

Frage: Abbruchkriterium für die innere Iteration:

- Strategie 1: Fixierte Anzahl an innere Iterat.

e.g. $j = I(\epsilon)$:

$$\|r^{(k,j)}\| \leq \epsilon \|r^{(k,0)}\|,$$

wobei $r^{(k,j)} = r^{(k)} - F'(x^{(k)}) w^{(k,j)}$

\Rightarrow **Lineare Konvergenz!**

- Strategie 2: Steigende Anzahl an innere Iterationen, z.B. j_k :

$$\|r^{(k,j_k)}\| \leq c_k \|r^{(k)}\|^2$$

mit $c_k = \text{const}$ z.B. $c_k = 1/10$ und $\|r^{(k)}\| < 1$.

\Rightarrow **quadratische Konvergenz!?**

$$\|w^{(k,j)} - w^{(k)}\|_* \leq \epsilon_k \|w^{(k,0)} - w^{(k)}\|_k$$

$\begin{matrix} 0 \\ \| \end{matrix}$
 $\begin{matrix} * \\ \| \end{matrix}$

$\begin{matrix} A \\ AC^{-1}A \end{matrix}$
 $\begin{matrix} AC^{-1}A \end{matrix}$

$$A = A_k = F'(x^{(k)})$$

$$C = C_k \approx A_k$$