

2.6. 1D-Lagrange-Elemente höherer Ordnung

- Die im weiteren eingeführten Elemente heißen Lagrange-Elemente, da zu ihrer Definition Lagrange-Interpolationspolynome genutzt werden.

Zerlegen dazu wieder das Rechteckgebiet $\bar{\Omega} = [a, b]$ in n finite Elemente $\bar{\delta}_i = [x_{i-1}, x_i]$, $i = 1, \dots, n$:

$$\bar{\Omega} = \bigcup_{i=1}^n \bar{\delta}_i = \bigcup_{i=1}^n [x_{i-1}, x_i] = \begin{array}{ccccccccc} a & & \bar{\delta}_i & & & & & b \\ \hline & | & | & | & | & | & | & x \\ x_0 & x_{i-1} & x_i & x_{i+1} & x_n & & & \end{array}$$

Zur Definition der Lagrange-Elemente (2 Formfkt.) und der Ansatzfkt. führen wir folgende Schritte durch:

1. Abbildung eines bel. Elements $\bar{\delta}_i$ auf das sogn. Basiselement $\bar{\Delta} = [0, 1]$ (Abbildungsprinzip):

