

Zur Wahl von  $B^{(k)}$ :

1.  $B^{(k)} = L_{xx}(x^{(k)}, \lambda^{(k)}) = \text{Wilson-Verfahren}$   
 $\uparrow \cong \text{Newton-Verfahren}$   
 $f_{xx} = \nabla^2 f \text{ (fOP)}$

2.  $B^{(k)} = \text{Quasi-Newton z. B. BFGS}$

Zur Bestimmung der Schrittweite  $\alpha^{(k+1)}$ :

→ Linien suche nach den Kriterien (7) und (8)!

■ Algorithmus 5.20: SQP-Verfahren: Wilson

Start: Wähle Anfangsnäherung  $(x^{(0)}, \lambda^{(0)}) \in \mathbb{R}^n \times \mathbb{R}^m$ .

Iteration:  $k = 0, 1, 2, \dots, k_{\text{stop}}$  KKT-Test.

Ist  $(x^{(k)}, \lambda^{(k)})$  eine KKT-Pkt, d.h. Lsg. von (15): STOP!

Berechne einen KKT-Pkt.  $(x^{(k+1)}, \lambda^{(k+1)}) \in \mathbb{R}^n \times \mathbb{R}^m$   
 des quadratischen QP = QPO:

$$\begin{aligned} \min_{x \in \mathbb{R}^n} & \nabla f(x^{(k)})^T (x - x^{(k)}) + \frac{1}{2} (x - x^{(k)})^T L_{xx}(x^{(k)}, \lambda^{(k)}) (x - x^{(k)}) \\ \text{s.t.} & c_i(x^{(k)}) + \nabla c_i(x^{(k)})^T (x - x^{(k)}) = 0, \quad i \in I_1 \\ & c_i(x^{(k)}) + \nabla c_i(x^{(k)})^T (x - x^{(k)}) \leq 0, \quad i \in I_2 \end{aligned}$$

Besitzt dieses QP mehrere KKT-Punkte,  
 so wählt man den KKT-Punkt  $(x^{(k+1)}, \lambda^{(k+1)}) \in \mathbb{R}^n \times \mathbb{R}^m$ :

$$\|(x^{(k+1)}, \lambda^{(k+1)}) - (x^{(k)}, \lambda^{(k)})\| \rightarrow \min.$$

- Unter geeigneten Bedingungen kann lokale superlineare bzw. sogar quadratische Konvergenz gezeigt werden.  
 (siehe z.B. Satz 5.31 in Geiger / Kanzov [12]).