

$$\begin{array}{c}
 0 \\
 1 \\
 2 \\
 \vdots \\
 n-1 \\
 n
 \end{array}
 \begin{bmatrix}
 K_{11}^{(1)} & K_{12}^{(1)} & & & & \\
 K_{21}^{(1)} & K_{22}^{(1)} + K_{11}^{(2)} & K_{12}^{(2)} & & & \\
 0 & K_{21}^{(2)} & K_{22}^{(2)} + K_{11}^{(3)} & K_{12}^{(3)} & & \\
 \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \\
 0 & \textcircled{1} & & K_{21}^{(n-1)} & K_{22}^{(n-1)} + K_{11}^{(n)} & K_{12}^{(n)} \\
 0 & & & K_{21}^{(n)} & K_{22}^{(n)} + \alpha_b &
 \end{bmatrix}
 \begin{bmatrix}
 g_a \\
 u_1 \\
 u_2 \\
 \vdots \\
 u_{n-1} \\
 u_n
 \end{bmatrix}
 =
 \begin{bmatrix}
 f_1^{(1)} \\
 f_2^{(1)} + f_1^{(2)} \\
 f_2^{(2)} + f_1^{(3)} \\
 \vdots \\
 f_2^{(n-1)} + f_1^{(n)} \\
 f_2^{(n)} + \alpha_b g_b
 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
 K_{22}^{(1)} + K_{11}^{(2)} & K_{12}^{(2)} & & & & \\
 K_{21}^{(2)} & K_{22}^{(2)} + K_{11}^{(3)} & K_{12}^{(3)} & & & \\
 & & & & & \\
 & & & & & \\
 \textcircled{1} & & & K_{21}^{(n-1)} & K_{22}^{(n-1)} + K_{11}^{(n)} & K_{12}^{(n)} \\
 & & & K_{21}^{(n)} & K_{22}^{(n)} + \alpha_b &
 \end{bmatrix}
 \begin{bmatrix}
 u_1 \\
 u_2 \\
 \vdots \\
 u_{n-1} \\
 u_n
 \end{bmatrix}
 =
 \begin{bmatrix}
 f_2^{(1)} + f_1^{(2)} - K_{21}^{(1)} g_a \\
 f_2^{(2)} + f_1^{(3)} \\
 \vdots \\
 f_2^{(n-1)} + f_1^{(n)} \\
 f_2^{(n)} + \alpha_b g_b
 \end{bmatrix}$$

(7)_h K_h $\underline{u}_h = \underline{f}_h$

Damit haben wir die RB $u(a) = g_a$ und $-u'(b) = \alpha_b (u(b) - g_b)$ eingearbeitet!

Bem.: Alternativ können wir die RB 1. Art

$u(b) = g_b$ approximativ als RB 3. Art $-u'(b) = \alpha_b (u(b) - g_b)$ mit $\alpha_b = 10^5$ einarbeiten!

$$\rightarrow u_n = g_b + \frac{1}{\alpha_b} [f_2^{(n)} - K_{21}^{(n)} u_{n-1} - K_{22}^{(n)} u_n] = g_b + O(10^{-5})$$