

Zusammenfassung:

$$(13) \begin{bmatrix} c_1 & b_1 & 0 & & & \\ a_2 & c_2 & b_2 & & & \\ & a_3 & c_3 & b_3 & & \\ & & & & \ddots & \\ \textcircled{1} & & & & & a_{n-1} & c_{n-1} & b_{n-1} \\ & & & & & 0 & a_n & c_n \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ u_3 \\ \vdots \\ u_{n-1} \\ u_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_1 \\ f_2 \\ f_3 \\ \vdots \\ f_{n-1} \\ f_n \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} \alpha_2 &:= b_1 / c_1 & \beta_2 &:= f_1 / c_1 & u_1 &:= -\alpha_2 u_2 + \beta_2 \\ \alpha_3 &:= b_2 / \Delta_2 & \beta_3 &:= (f_2 - a_2 \beta_2) / \Delta_2 & u_2 &:= -\alpha_3 u_3 + \beta_3 \\ & \downarrow & & \downarrow & & \uparrow \\ \alpha_n &:= b_{n-1} / \Delta_{n-1} & \beta_n &:= (f_{n-1} - a_{n-1} \beta_{n-1}) / \Delta_{n-1} & u_{n-1} &:= -\alpha_n u_n + \beta_n \\ & \text{mit} & & & & \\ \Delta_i &:= c_i - a_i \alpha_i & \beta_{n+1} &:= (f_n - a_n \beta_n) / \Delta_n & u_n &:= \beta_{n+1} \end{aligned}$$

Faktorisieren Vorwärtseinsetzen Rückwärtsein.

$$\begin{bmatrix} c_1 & & & & & \\ a_2 & \Delta_2 & & & & \\ & \ddots & \ddots & & & \\ \textcircled{1} & & a_{n-1} & \Delta_{n-1} & & \\ & & & a_n & \Delta_n & \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \alpha_2 & & & & \\ & 1 & \alpha_3 & & & \\ & & \ddots & \ddots & & \\ \textcircled{1} & & & 1 & \alpha_n & \\ & & & & & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_{n-1} \\ u_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_1 \\ f_2 \\ \vdots \\ f_{n-1} \\ f_n \end{bmatrix}$$

$$\underbrace{L \quad U}_{=: \beta} \underline{u} = \underline{f}$$

$Q = \#ops = 8n - 7$