

- Rückwärtseinsetzen:

Das GS (14) läßt sich nun gemäß den Bez.

$$(15) \begin{cases} u_n = \beta_{n+1} \\ u_i = -\alpha_{i+1} u_{i+1} + \beta_{i+1}, \quad i = n-1, n-2, \dots, 1 \end{cases}$$

leicht auflösen.

- Bem. 2.11: $K = LU$

1. Eliminationsschritt

$$K = LU$$

$= LU = \begin{bmatrix} \parallel \\ \dots \\ \parallel \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & \dots & \\ & \dots & \\ & & 1 \end{bmatrix}$ - Faktorisierung der Matrix K
Lower Upper

$$\begin{bmatrix} c_1 & & & & & & \\ a_2 & \Delta_2 & & & & & \\ & \ddots & \ddots & & & & \\ & & a_{n-1} & \Delta_{n-1} & & & \\ \textcircled{1} & & & a_n & \Delta_n & & \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & \alpha_2 & & & & & \\ & 1 & \alpha_3 & & & & \\ & & \ddots & \ddots & & & \\ & & & 1 & \alpha_n & & \\ \textcircled{1} & & & & & & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_1 \\ u_2 \\ \vdots \\ u_{n-1} \\ u_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} f_1 \\ f_2 \\ \vdots \\ f_{n-1} \\ f_n \end{bmatrix}$$

$$L \cdot U \quad \underline{u} = \underline{f}$$

mit $\Delta_i = c_i - a_i \alpha_i$, $i = \overline{2, n}$ (mms),
 $\Delta_1 = c_1$.

$$K\underline{u} = \underline{f} \Leftrightarrow \underbrace{LU}_{= \underline{\beta}} \underline{u} = \underline{f} \Leftrightarrow \begin{array}{l} 1. \underline{L} \underline{\beta} = \underline{f} \quad (V) \\ 2. \underline{U} \underline{u} = \underline{\beta} \quad (R) \end{array}$$

2. Bei neuer (vielen) rechten Seite wird einmal faktorisiert und die entsprechende Lösung schnell durch Vorwärts- und Rückwärtseinsetzen berechnet!