

Bemerkung 4.4

- 1 Fehlerabschätzungen ?
2. Die aufwendigsten Schritte im Algorithmus 4.4 sind:

Schritt 3: Matrixgenerierung  
 $2n^2$  Matrixelemente  $[a_{ij}], [\tilde{b}_{ij}]$

Schritt 4: Lösung eines GS mit einer  
 • vollbesetzten  
 + nichtsymmetrischen } Matrix der Dim.  $n \times n$ !

3. Verfahren zur Lösung des GS  $Kw = f$ :

a) direktes Verfahren (z.B. Gauß):

$M = \text{Memory} = n^2 + O(n), \text{ops} = O(n^3)$

b) iterative Verfahren (GMRES, ...?):

$\text{ops}(K \times w^k) = O(n^2)$

$I(\epsilon) = ?$

$\text{ops} = I(\epsilon) \cdot \text{ops}(K \times w^k)$

Kondition  $(K) = ?$

Präkonditionierung  $G$  für  $K$ : ?

4. Vergleich zur FEM (2D) mit optimalen Löser (z.B. MGM):

$h = O(n^{-1}), N_B = N_{BEM} = O(h^{-1}), N_F = N_{FEM} = O(h^{-2})$

	direkt		iterativ	
	M	ops	M	ops
FEM	$O(h^{-3})$	$O(h^{-4})$	$O(h^{-2})$	$O(h^{-2})$ opt
BEM	$O(h^{-2})$	$O(h^{-3})$	$O(h^{-2})$	$\geq O(h^{-2})$
Data-sparse BEM	$O(h^{-1})$	$O(h^{-1})$	$O(h^{-1})$	$O(h^{-1})$ opt

mit event. log

5. Analog: Kollokation in 3D!  $M = O(h^{-4}), \text{ops}(K \times u) =$

$\Rightarrow$  Data-sparse BEM ist notwendig!  $= O(h^{-4})$

$M = O(h^{-2} \ln^{-1} h^{-1}), \text{ops} = O(h^{-2} \ln^0 h^{-1}) !!??$