

3. STRÖMUNGSMECHANIK

■ Physikalisches Problem:

Gesucht ist das Strömungsfeld

- Geschwindigkeitsfeld $v(x,t) = (v_1(x,t), \dots, v_d(x,t))^T$,
- Druckfeld $p(x,t)$,
- Dichte $\rho(x,t)$,
- Temperaturfeld $\Theta(x,t)$
- Konzentrationen $c(x,t) = (c_1(x,t), \dots, c_m(x,t))^T$
- ...

zur Beschreibung der Bewegung und der Eigenschaften (laminar / turbulent, instationär / stationär, Kompressibel / inkompressibel, reibungsbefreit / reibungsfrei, ...) in einem beschränkten (veränderlichen) Rechengebiet $\Omega = \Omega(t)$ während der Zeit t aus dem temporalen Rechengebiet $[t_A, t_F] \subset [T_1, T_2]$ unter der Wirkung von Volumen- und Oberflächenkräften etc.:

(2)

$$\begin{aligned} a(x,t) &= \ddot{\alpha}(X,t) = \frac{\partial^2 \varphi}{\partial t^2}(X,t) = RB ? \\ &= \frac{\partial v}{\partial t}(x,t) + v(x,t) \cdot \nabla_x v(x,t) \\ &= \frac{dv}{dt}(x,t) RB ? \end{aligned}$$

$\Omega(t)$
 $\Omega \subset \mathbb{R}^d$
 $(d=1,2,3)$

Inlet v

outlet ?

Lagrange $\varphi(X,t)$

$\frac{dx}{dt} = v(X,t)$

AB: $x(t_0) = X$

$\Rightarrow x(t) = \varphi(X,t)$

$t_0 = t_A = 0$

(3)

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = v(x,t) \\ AB: x(t_0) = X \end{cases}$$

z.B.

$$t = t_A = 0 \quad AB: v(x,0) = v_0(x), x \in \Omega = \Omega(0)$$

$$?? p(x,0) = p_0(x) ??$$

$$? \rho(x,0) = \rho_0(x) ?$$

...